

Járulékképletek¹

5.2. táblázat. A hajlított rúd alakváltozása

A tartó megfogása és terhelése, a rugalmas szál közelítő meggörbült alakja	A rugalmas szál egyenlete és első deriváltja	Elmozdulások és szögelfordulások
	$y = \frac{M_0}{2IE} x^2$ $y' = \frac{M_0}{IE} x$	$f = \frac{M_0 l^2}{2IE}$ $\varphi = \frac{M_0 l}{IE}$
	$y = \frac{F}{6IE} (3lx^2 - x^3)$ $y' = \frac{F}{2IE} (2lx - x^2)$	$f = \frac{Fl^3}{3IE}$ $\varphi = \frac{Fl^2}{2IE}$
	$y = \frac{p}{24IE} (6l^2x^2 - 4lx^3 + x^4)$ $y' = \frac{p}{6IE} (3l^2x - 3lx^2 + x^3)$	$f = \frac{pl^4}{8IE}$ $\varphi = \frac{pl^3}{6IE}$
	$y = \frac{p_0}{120IEl} (\xi^5 - 5l^4\xi + 4l^5)$ $y' = \frac{p_0}{24IEl} (\xi^4 - l^4); \quad \xi = l - x$	$f = \frac{p_0 l^4}{30IE}$ $\varphi = \frac{p_0 l^3}{24IE}$
	$y = \frac{M_0}{2IE} (lx - x^2)$ $y' = \frac{M_0}{2IE} (l - 2x)$	középen $f = \frac{M_0 l^2}{8IE}$ $\varphi_A = \varphi_B = \frac{M_0 l}{2IE}$
	$y = \frac{M_0}{6IEl} (l^2x - x^3)$ $y' = \frac{M_0}{6IEl} (l^2 - 3x^2)$	$x_0 = 0,577l$ helyen $f_{\max} = 0,0641 \frac{M_0 l^2}{IE}$ $\varphi_B = \frac{M_0 l}{6IE}$ $\varphi_A = 2\varphi_B$
	$y = \frac{p}{24IE} (l^3x - 2lx^3 + x^4)$ $y' = \frac{p}{24IE} (l^3 - 6lx^2 + 4x^3)$	középen $f = \frac{5pl^4}{384IE}$ $\varphi_A = \varphi_B = \frac{pl^3}{24IE}$
	$y = \frac{Fax}{6IEl} (l^2 - a^2 - x^2)$ $y' = \frac{Fa}{6IEl} (l^2 - a^2 - 3x^2)$	$x = b$ helyen $f = \frac{Fa^2b^2}{3IEl}$
	$y = \frac{Fb(l-x)}{6IEl} [l^2 - b^2 - (l-x)^2]$ $y' = \frac{Fb}{6IEl} [3(l-x)^2 - l^2 + b^2]$	f_{\max} helye, ha $b > a$ $x_0 = \sqrt{\frac{2ab + b^2}{3}}$
	$y = \frac{F}{48IE} (3l^2x - 4x^3)$ $y' = \frac{F}{16IE} (l^2 - 4x^2)$	középen $f = \frac{Fl^3}{48IE}$ $\varphi_A = \varphi_B = \frac{Fl^2}{16IE}$

¹Forrás: Muttnyánszky: Szilárdságtan 206 – 207. old. Műszaki Könyvkiadó, Budapest, 1981