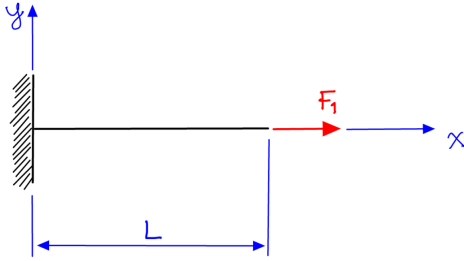


8. Gyakorlat

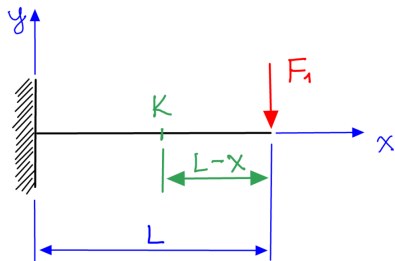
8.1. Példa. Határozzuk meg az igénybevételi függvényeket és az igénybevételi ábrákat!

Megoldás: $N(x) = F_1$, $V(x) = 0$, $M_h(x) = 0$, $M_t(x) = 0$.



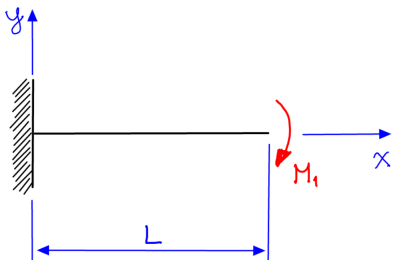
8.2. Példa. Határozzuk meg az igénybevételi függvényeket és az igénybevételi ábrákat!

Megoldás: $N(x) = 0$, $V(x) = F_1$, $M_h(x) = F_1(L-x)$, $M_t(x) = 0$.



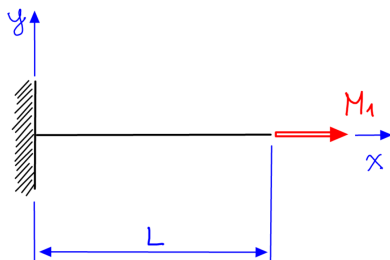
8.3. Példa. Határozzuk meg az igénybevételi függvényeket és az igénybevételi ábrákat!

Megoldás: $N(x) = 0$, $V(x) = 0$, $M_h(x) = M_1$, $M_t(x) = 0$.



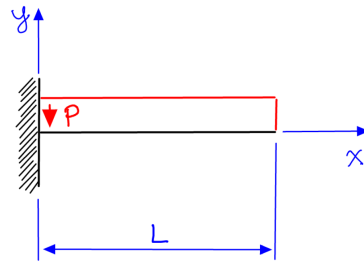
8.4. Példa. Határozzuk meg az igénybevételi függvényeket és az igénybevételi ábrákat!

Megoldás: $N(x) = 0$, $V(x) = 0$, $M_h(x) = 0$, $M_t(x) = M_1$.



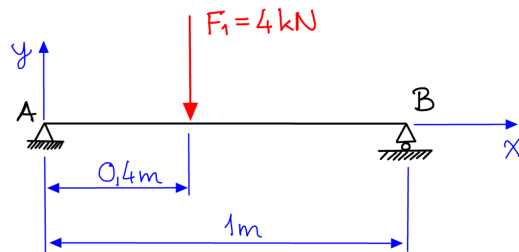
8.5. Példa. Határozzuk meg az igénybevételi függvényeket és az igénybevételi ábrákat!

Megoldás: $N(x) = 0$, $V(x) = p(L-x)$, $M_h(x) = p(L-x)^2/2$, $M_t(x) = 0$.



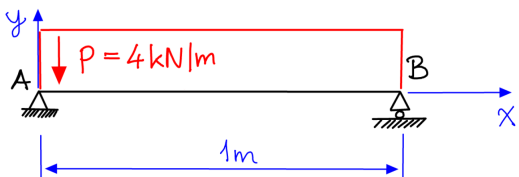
8.6. Példa. Határozzuk meg az igénybevételi függvényeket és az igénybevételi ábrákat!

Megoldás: $N_1(x) = 0$, $V_1(x) = F_A$, $M_{h1}(x) = -F_A x$, $M_{t1}(x) = 0$, $N_2(x) = 0$, $V_2(x) = F_A - F$, $M_{h2}(x) = -F_A x + F_1(x-0,4)$, $M_{t2}(x) = 0$.



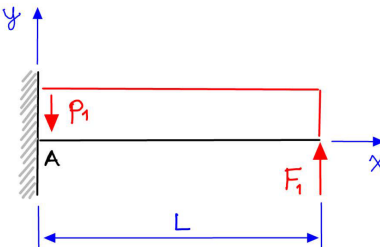
8.7. Példa. Határozzuk meg az igénybevételi függvényeket és az igénybevételi ábrákat!

Megoldás: $N(x) = 0$, $V(x) = F_A - px$, $M_h(x) = -F_A x + px^2/2$, $M_t(x) = 0$.



8.8. Példa. Írjuk fel az igénybevételi függvényeket és rajzoljuk meg az igénybevételi ábrákat (parabolaívek esetén az érintővel együtt)! Adatok: $L = 4$ m, $p_1 = 3$ kN/m, $F_1 = 3$ kN.

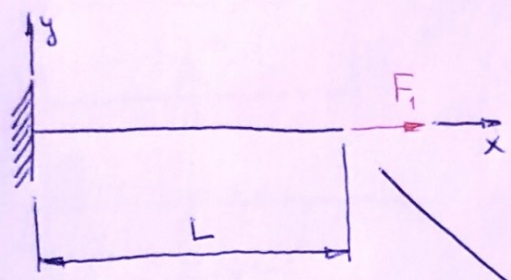
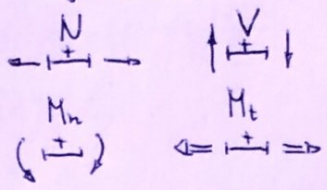
Megoldás: $N(x) = 0$, $V(x) = 9 - 3x$, $M_h(x) = 12 - 9x + 1,5x^2$, $M_t(x) = 0$.



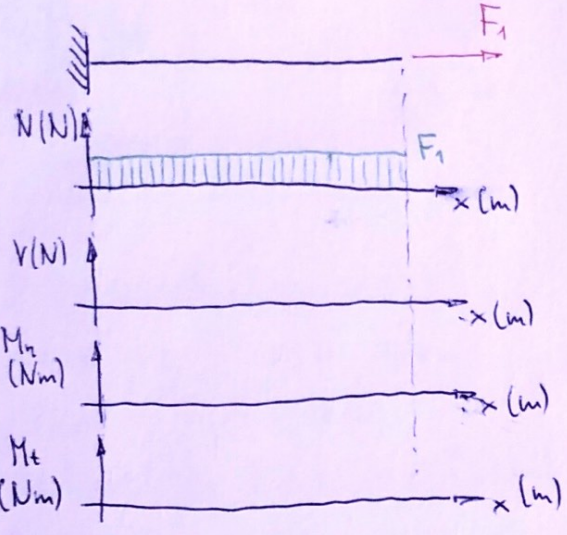
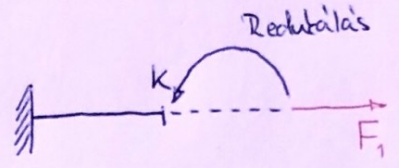
Igénybevételek:

8.1.

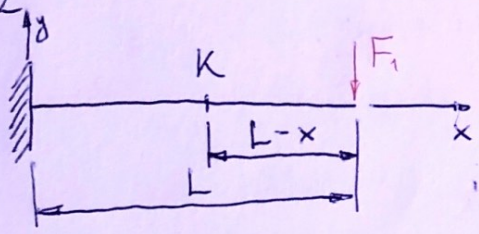
Előjelkonvenció:



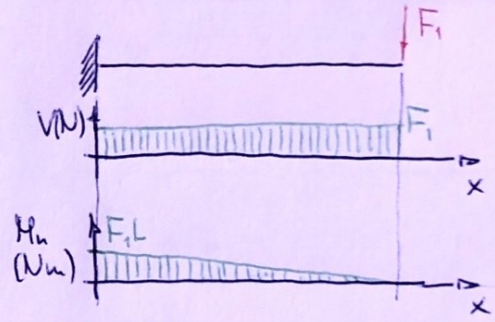
$N(x) = F_1$ $V(x) = 0$
 $M_n(x) = 0$ $M_t(x) = 0$



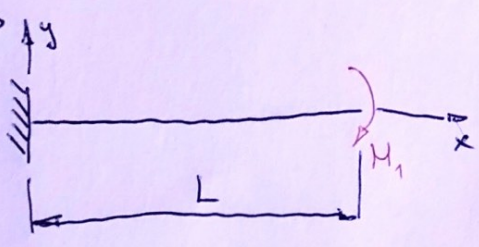
8.2.



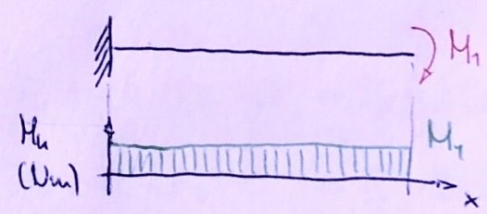
$N(x) = 0$
 $V(x) = F_1$
 $M_n(x) = F_1(L-x)$
 $M_t(x) = 0$



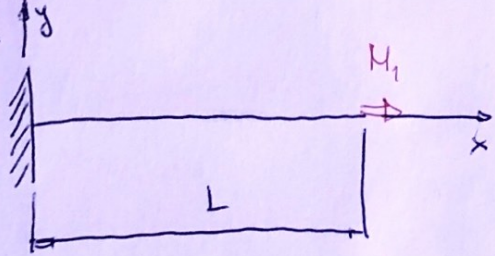
8.3.



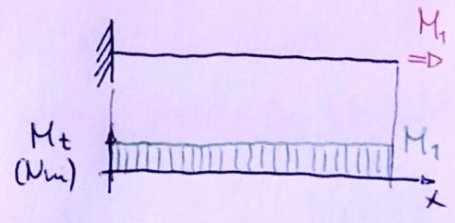
$N(x) = 0$
 $V(x) = 0$
 $M_n(x) = M_1$
 $M_t(x) = 0$

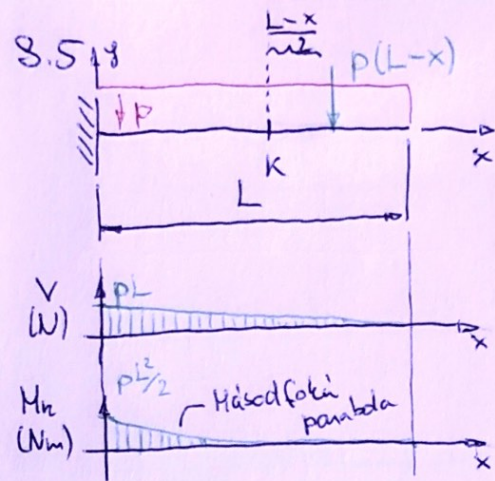


8.4.



$N(x) = 0$
 $V(x) = 0$
 $M_n(x) = 0$
 $M_t(x) = M_1$



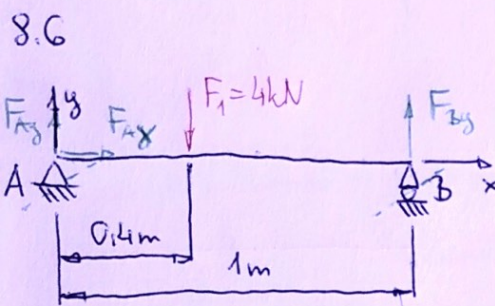


$$N(x) = 0$$

$$V(x) = p(L-x)$$

$$M_h(x) = p(L-x) \frac{L-x}{2}$$

$$M_t(x) = 0$$



$$F_{Ax} = 0$$

Reakciók számítása:

$$\sum M_A = 0 \quad -F_1 \cdot 0,4 + F_{By} \cdot 1 = 0 \Rightarrow F_{By} = \underline{1,6 \text{ kN}}$$

$$\sum F_{iy} = 0 \quad F_{Ay} - F_1 + F_{By} = 0 \Rightarrow F_{Ay} = \underline{2,4 \text{ kN}}$$

Igénybevételi függvények:

1. szakasz: $x: 0 \dots 0,4 \text{ m}$

$$V_1(x) = F_{Ay} = 2,4 \text{ (kN)}$$

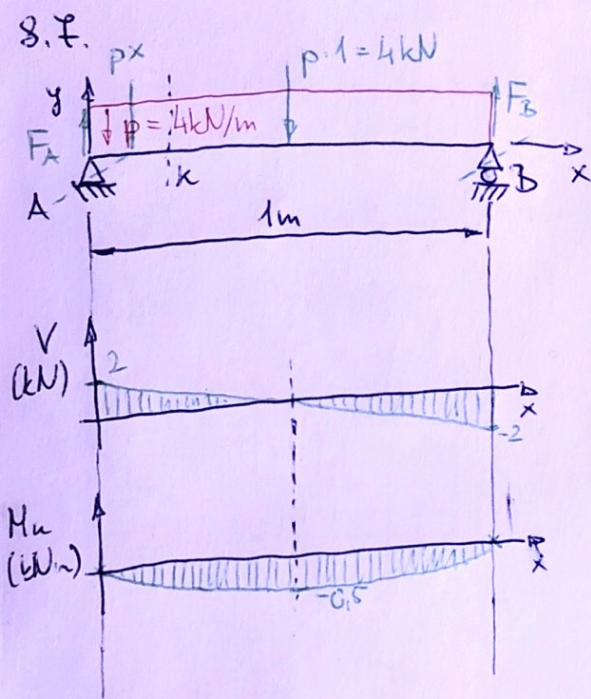
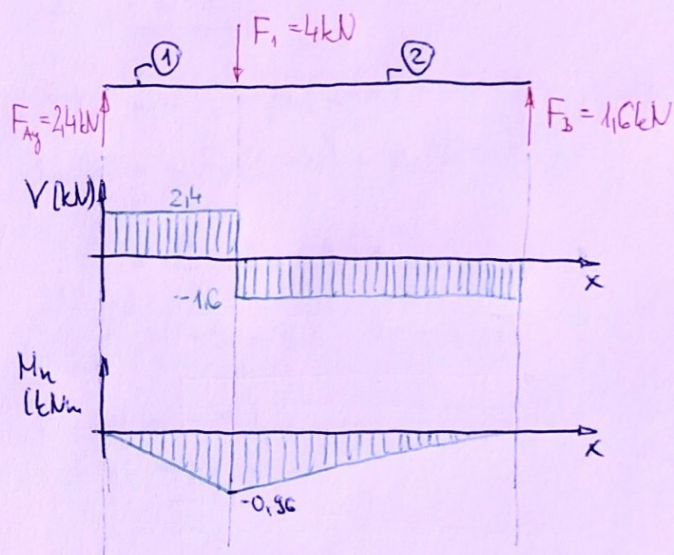
$$M_{h1}(x) = -F_{Ay} \cdot x = -2,4x \text{ (kNm)}$$

2. szakasz:

$$V_2(x) = F_{Ay} - F_1 (\equiv -F_{By}) = -1,6 \text{ (kN)}$$

$$M_{h2}(x) = -F_{Ay} \cdot x + F_1(x - 0,4) (\equiv -F_{By}(1-x)) =$$

$$= -1,6 + 1,6x$$



Reakcióerők:

$$\sum M_A = 0 : F_B \cdot 1 - 4 \cdot 0,5 = 0 \Rightarrow F_B = 2 \text{ kN}$$

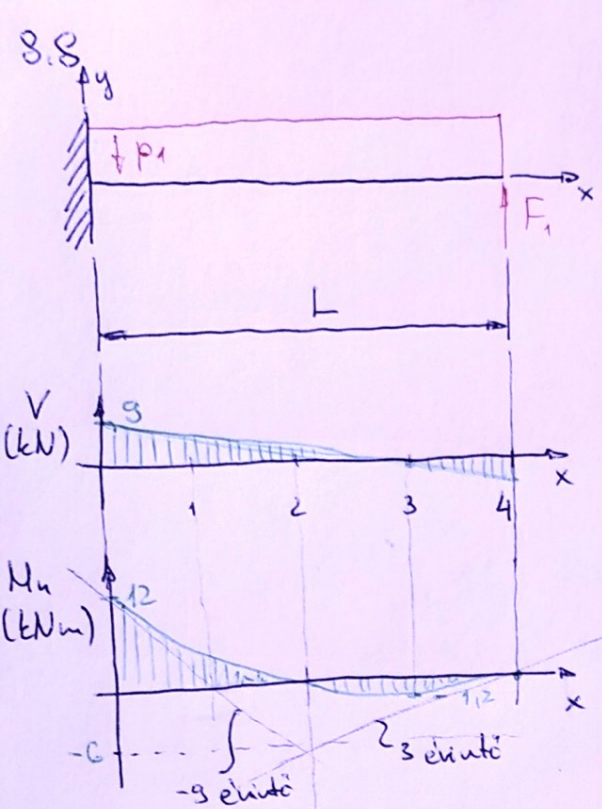
$$\sum F_{iy} = 0 : F_A - 4 + F_B = 0 \Rightarrow F_A = 2 \text{ kN}$$

Igénybevételek:

$$V(x) = F_A - px = 2 - 4x \text{ (kN)}$$

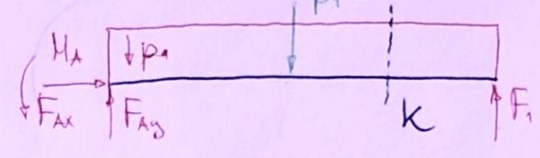
$$M_h(x) = -F_A x + px \frac{x}{2} = 2x^2 - 2x \text{ (kNm)}$$

$$\frac{dM_h(x)}{dx} = 4x - 2 \equiv -V(x) \quad (M_h'(x) = -V(x))$$



$L = 4\text{ m}$
 $p_1 = 3\text{ kN/m}$
 $F_1 = 3\text{ kN}$

Reakcióerők:



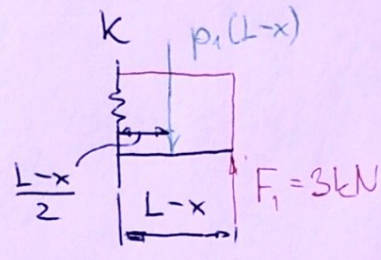
$$\sum F_{ix} = 0 \quad F_{Ax} = 0$$

$$\sum F_{iy} = 0 \quad F_{Ay} - p_1 L + F_1 = 0$$

$$F_{Ay} = 9\text{ kN}$$

$$\sum M_A = 0 \quad M_A + F_1 L - p_1 L \cdot \frac{L}{2} = 0$$

$$M_A = 12\text{ kNm}$$



$$V(x) = -F_1 + p_1(L-x) = 9 - 3x \quad (\text{kN})$$

$$M(x) = -F_1(L-x) + p_1(L-x) \frac{L-x}{2}$$

$$= 12 - 9x + 1,5x^2$$

$$\frac{dM(x)}{dx} = -9 + 3x \equiv -V(x)$$

$$\left(\begin{array}{l} x=0 \Rightarrow -9 \\ x=4 \Rightarrow 3 \end{array} \right)$$

Az $M_n(x)$ és $V(x)$ között differenciális

összefüggés: $x_0 + \Delta x$
 $M_n'(x) = -V(x) \quad \left(\frac{dM_n}{dx} \dots \right)$

$$dM_n = -V dx$$

$$\int_{x_0}^{x_0 + \Delta x} dM_n = - \int_{x_0}^{x_0 + \Delta x} V dx$$

A_v

M_n megváltozása
 Δx szakaszon

$$\Rightarrow M_n(x_0 + \Delta x) - M_n(x_0) = -1 \cdot A_v$$

$$M_n(x_0 + \Delta x) = M_n(x_0) - A_v$$

