

# Száraz súrlódás és nem-folytonos dinamikai rendszerek

*Antali Máté*

BME Műszaki Mechanikai Tanszék

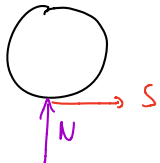
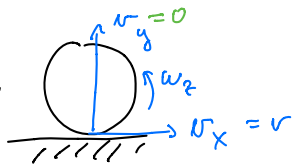
---

## 7. Térbeli száraz súrlódás

Az előadás-sorozat elkészülését az MTA/ELKH támogatta a Prémium Posztdoktori Kutatói Programban támogatott PPD2018-014/2018 számú pályázat keretében. Készült 2021-ben.

# Stellen

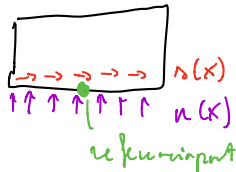
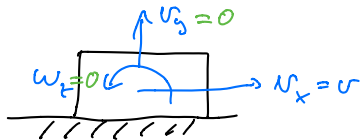
keine Örneillü



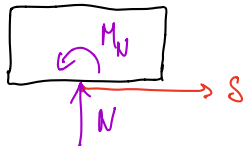
3 DOF:

- $v_x$ : Verschiebung  $\rightarrow S$
  - $\omega_z$ : Verdrehung
  - $v_y$ : Querschiebung  $\rightarrow N$
- } statisch: 2
- } kinematisch: 1 ( $v_y = 0$ )

Örneillü, keine gelöset



reduziert



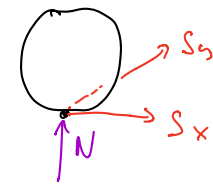
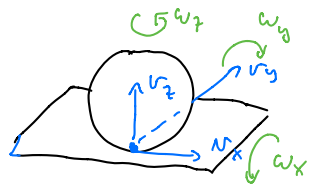
3 DOF:

- $v_x$ : Verschiebung  $\rightarrow S$
  - $\omega_z$ : Verdrehung  $\rightarrow M_w$
  - $v_y$ : Querschiebung  $\rightarrow N$
- } statisch: 1
- } kinematisch: 2

↙ ↘  
 nicht  
 erfüllt  
 $f(S, N, v_x) = 0$   
 algebraisch

Törten

neu örmillő

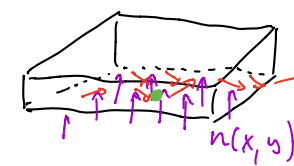
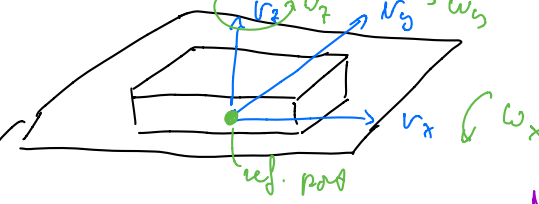
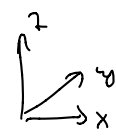


6 DoF:

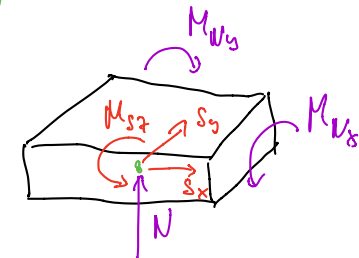
csúszás:  $v_x, v_y \rightarrow S_x, S_y$  } 5 szabad  
 gördülés:  $\omega_x, \omega_y$   
 "pörhülés":  $\omega_z$   
 elcsúszás:  $v_z \rightarrow N$  } 1 kötöttség

modellens? ?

örmillő, neu gördülő



$$\begin{bmatrix} s_x(x, y) \\ s_y(x, y) \\ 0 \end{bmatrix}$$



6 DoF:

csúszás:  $v_x, v_y \rightarrow S_x, S_y$  } 3 szabad  
 pörhülés:  $\omega_z \rightarrow M_{S_z}$   
 felbillenés:  $\omega_x, \omega_y \rightarrow M_{\omega_x}, M_{\omega_y}$  } 3 kötöttség  
 elcsúszás:  $v_z \rightarrow N$

Modellews: neu ömüllü

feldweis:  $f(N, S_x, S_y, v_x, v_y) = 0$   
alabi model

↳ 2 bodimensidig vorkraft  
(etwa bzgl. brennt)

kompletz side:

• lokal de brennt

↳ neu ömüllü vorkraft:

kurz, göchleri allewde

• vorkraft  
topod! teiwelot a vorkraft fackwandgben  
(aka mit 5 DOF  
reposit len)

ösmüllü, neu göchleri

feldweis:  $f(N, S_x, S_y, M_{sz}, v_x, v_y, w_z) = 0$   
alabi model

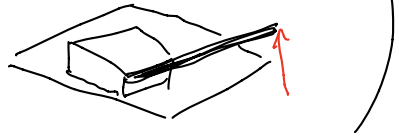
↳ 3 bodimensidig vorkraft  
(vorkraft neu element)

DE:  $\sqrt{S_x^2 + S_y^2}$  test,  $\frac{|M_{sz}|}{\sqrt{S_x^2 + S_y^2}} \approx d_{vorkraft} \ll d_{tip}$

equivalenz

modell be jellemt  
eivort brennt

p.k.



• 2D idagben ösmüllü  
(pl. kip v. benga a silon)

## Torbili Coulomb - modell:

$f(N, S_x, S_y, v_x, v_y) = 0$  alaksi modell  
& explicit alr: (constraints)

$$S_x(N, v_x, v_y), \quad S_y(N, v_x, v_y)$$

- 1. feltétel: 2D-ben adja vissza egyenl Coulomb modell

$y=0$  srt

$$S_x(N, v_x, 0) = -\mu N \frac{v_x}{|v_x|}$$

$x=0$  srt

$$S_y(N, 0, v_y) = -\mu N \frac{v_y}{|v_y|}$$

- 2. feltétel: 170TR0P  
időfüggetlen

$$\underline{S} = \begin{bmatrix} S_x \\ S_y \\ 0 \end{bmatrix} \quad \underline{v} = \begin{bmatrix} v_x \\ v_y \\ 0 \end{bmatrix} \rightarrow \underline{S} \perp \underline{v}$$

PALETTASZORVÁNY

↓  
Torbili egyenl Coulomb - modell:

$$\underline{S} = -\mu N \cdot \frac{\underline{v}}{|\underline{v}|}$$

$$S_x = -\mu N \cdot \frac{v_x}{\sqrt{v_x^2 + v_y^2}}$$

$$S_y = -\mu N \cdot \frac{v_y}{\sqrt{v_x^2 + v_y^2}}$$

↳ ezúttal:  $S = \sqrt{S_x^2 + S_y^2} = \mu N$

$$\frac{v_x}{\sqrt{v_x^2 + v_y^2}} \quad | \quad \frac{v_y}{\sqrt{v_x^2 + v_y^2}} \quad \rightarrow \text{egyenlő arányú komponensei}$$

$$\rightarrow \text{mátrixok} \quad \boxed{v_x = v_y = 0} \quad \rightarrow 2 \text{ koordinátás mátrixok}$$

( $n-2$  dimenziós mátrixok balra -  $\Sigma$  - az  $n$  dimenziós jobbra)

megf: • Strided - model

$$S_x = -\mu_x \left( \sqrt{v_x^2 + v_y^2} \right) \cdot N \cdot \frac{v_x}{\sqrt{v_x^2 + v_y^2}}$$

$$S_y = \dots$$

• unitáris mátrixok

$\hookrightarrow$  ha unitáris (pl. row+block kiegészítés):

$$S_x = -\mu_x \cdot N \cdot \frac{v_x}{\sqrt{v_x^2 + v_y^2}} \quad | \quad S_y = -\mu_y \cdot N \cdot \frac{v_y}{\sqrt{v_x^2 + v_y^2}}$$